

## Zusammenfassung Schwingungen und Wellen

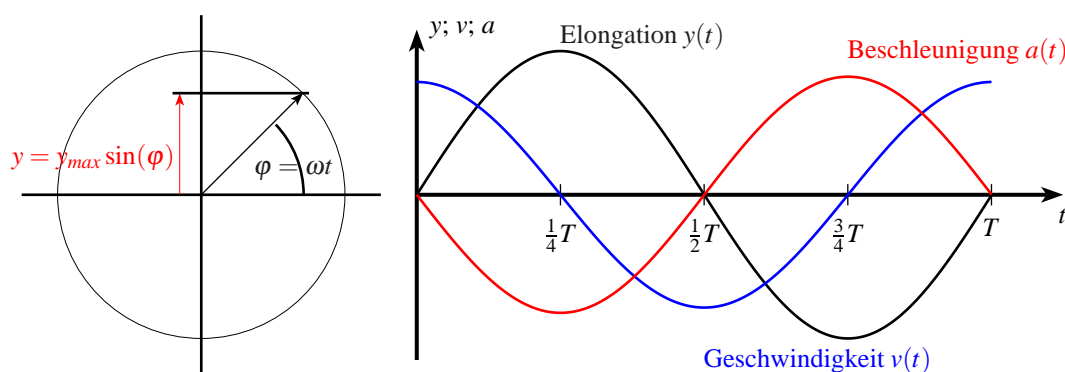
**Eigenschaften einer Schwingung** Eine Schwingung ist eine periodische Hin- und Herbewegung eines Körpers um eine Ruhelage.

Als **Amplitude**  $y_{max}$  einer Schwingung bezeichnet man den Weg von einer Ruhelage bis zu einem Umkehrpunkt. Unter der **Elongation**  $y$  versteht man die momentane Auslenkung aus der Ruhelage.

Die **Schwingungsdauer** oder **Periodendauer**  $T$  ist die Zeitspanne, die der schwingende Körper für eine volle Schwingung (z.B. von einem Umkehrpunkt zum anderen und wieder zurück) braucht.

Die **Frequenz**  $f$  gibt an, wie viele Schwingungen der Körper in einer Zeitspanne durchführt. Es gilt für die Schwingungsdauer  $T$  und die Frequenz  $f$  der Zusammenhang:  $f = \frac{1}{T}$

**Harmonische Schwingung** Jede harmonische Schwingung kann als Projektion einer gleichförmigen Kreisbewegung aufgefasst werden und lässt sich durch den Radiusvektor als Zeiger beschreiben. Der Winkel  $\varphi$  zwischen dem Zeiger und der positiven  $x$ -Achse heißt **Phase**, die Größe  $\omega = 2\pi f$  heißt **Kreisfrequenz** der Schwingung.



### Gesetze der harmonischen Schwingung

Eine harmonische Schwingung lässt sich beschreiben durch:

Das Zeit-Elongation-Gesetz:	$y = y_{max} \sin(\omega t)$
Das Zeit-Geschwindigkeit-Gesetz:	$v = \omega \cdot y_{max} \cos(\omega t)$
Das Zeit-Beschleunigung-Gesetz:	$a = -\omega^2 \cdot y_{max} \sin(\omega t)$
mit der Winkelgeschwindigkeit:	$\omega = \frac{\varphi}{t} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$

Dabei bewegt sich der Körper zum Zeitpunkt  $t = 0$  durch die Gleichgewichtslage  $y = 0$  in die positive Richtung. Hat die Schwingung zum Zeitpunkt  $t = 0$  bereits den Phasenwinkel  $\varphi_0$ , so wird die Schwingung durch die Gleichung  $y = y_{max} \sin(\omega t + \varphi_0)$  beschrieben.

Für jede harmonische Schwingung ist die **rücktreibende Kraft**  $F$  proportional zur Elongation  $y$ :  $F = -Dy$ , wobei  $D$  die Federkonstante ist

Das Federpendel mit der Pendelmasse  $m$  und der Federkonstanten  $D$  vollführt um seine Ruhelage harmonische Schwingungen mit der Periodendauer  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{D}}$ .

Die Schwingungsdauer  $T$  eines Schwerependels ist unabhängig von der Masse  $m$  und unabhängig von der Amplitude.

Jedoch wächst die Schwingungsdauer mit der Pendellänge, und zwar ist  $T$  proportional zur Wurzel der Pendellänge  $\sqrt{l}$ .

Ein Schwerependel schwingt bei hinreichend kleiner Auslenkung harmonisch; seine Periodendauer ist  $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$ .

